**Министерство науки и высшего образования Российской Федерации**

федеральное государственное автономное образовательное учреждение

высшего образования

**«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ**

**ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

Инженерная школа природных ресурсов

Направление подготовки Химическая технология

Отделение химической инженерии

**АППРОКСИМАЦИЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ЛИНЕЙНОЙ, ЭКСПОНЕНЦИАЛЬНОЙ И СТЕПЕННОЙ ФУНКЦИЙ**

**Лабораторная работа по дисциплине «Углубленный курс информатики»**

Выполнил студент гр. 2Д91 Е.А. Резинкина

(Подпись)

\_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 2020 г.

Отчет принят:

Преподаватель

доцент ОХИ ИШПР, к.т.н. В.А. Чузлов

(Подпись)

\_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 2020 г.

Томск 2020 г.

**Цель работы:** изучить теорию, научиться использовать аппроксимацию с использованием линейной, экспоненциальной и степенной функций

**Теоретическая часть**

При обработке экспериментальных данных часто возникает необходимость аппроксимировать их линейной функцией.  
  
***Аппроксимацией*** (приближением) функции f(x) называется нахождение такой функции (***аппроксимирующей функции***) g(x), которая была бы близка заданной. Критерии близости функций могут быть различные.  
  
В случае если приближение строится на дискретном наборе точек, аппроксимацию называют ***точечной*** или ***дискретной***.  
  
В случае если аппроксимация проводится на непрерывном множестве точек (отрезке), аппроксимация называется ***непрерывной*** или ***интегральной***. Примером такой аппроксимации может служить разложение функции в ряд Тейлора, то есть замена некоторой функции степенным многочленом.  
  
Наиболее часто встречающим видом точечной аппроксимации является ***интерполяция*** – нахождение промежуточных значений величины по имеющемуся дискретному набору известных значений.  
  
Пусть задан дискретный набор точек, называемых ***узлами интерполяции***, а также значения функции в этих точках. Требуется построить функцию g(x), проходящую наиболее близко ко всем заданным узлам. Таким образом, критерием близости функции является g(xi)=yi.

В качестве функции g(x) обычно выбирается полином, который называют ***интерполяционным полиномом***.  
  
В случае если полином един для всей области интерполяции, говорят, что интерполяция ***глобальная***.  
  
В случае если между различными узлами полиномы различны, говорят о ***кусочной*** или ***локальной*** интерполяции.

Найдя интерполяционный полином, мы можем вычислить значения функции между узлами, а также определить значение функции даже за пределами заданного интервала (провести ***экстраполяцию***).

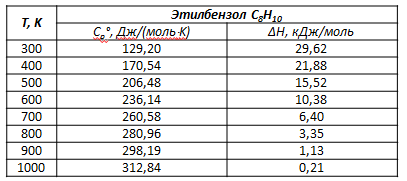
**Аппроксимация линейной функцией**

Любая линейная функция может быть записана уравнением  
Уравнение прямой  
Аппроксимация заключается в отыскании коэффициентов a и b уравнения таких, чтобы все экспериментальные точки лежали наиболее близко к аппроксимирующей прямой.

**Практическая часть**

**Исходные данные:**

зависимость теплоемкости и энтальпии от температуры:



**Задание**

С использованием линейной, экспоненциальной и степенной аппроксимации определить значения теплоемкости и энтальпии при изменении Т в интервале от 300 до 1000   
с шагом 50.

Построить графики в Excel по табличным данным и результатам аппроксимации и привести их в отчете по лабораторной работе. Выбрать аппроксимирующую функцию, которая наиболее точно описывает табличные данные.

**Программная реализация**

**Линейная аппроксимация:**

program lb10\_1;

const

n = 8;

type

arr = array of real;

var

f: text;

i: integer;

x, y, z: arr;

a0, a1,a00,a10: real;

procedure line\_fitting(x, y, z: arr; var a0, a1, a00,a10: real);

var

i: integer;

s1, s2, s3, s4, s20, s40: real;

len: integer;

begin

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

s20 := 0;

s40 := 0;

len := Length(x);

for i := 0 to High(x) do

begin

s1:= s1 + x[i];

s2:= s2 + y[i];

s3:= s3 + sqr(x[i]);

s4:= s4 + x[i] \* y[i];

s20:= s20 + z[i];

s40:= s40 + x[i] \* z[i]

end;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (len \* s3 - sqr(s1));

a1 := (len \* s4 - s1 \* s2) / (len \* s3 - sqr(s1));

a00 := (s20 \* s3 - s1 \* s40) / (len \* s3 - sqr(s1));

a10 := (len \* s40 - s1 \* s20) / (len \* s3 - sqr(s1))

end;

begin

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(x, n);

SetLength(y, n);

SetLength(z, n);

for i := 0 to High(x) do

readln(f, x[i], y[i], z[i]);

line\_fitting(x, y, z, a0, a1, a00, a10);

for i := 0 to High(x) do

writeln(x[i]:6, a0 + a1 \* x[i]:15:4, a00+a10\*x[i]:15:4);

close(f)

end.

**Ответ**

300 146.3825 25.6492

400 172.2350 21.4812

500 198.0875 17.3132

600 223.9400 13.1452

700 249.7925 8.9773

800 275.6450 4.8093

900 301.4975 0.6413

1000 327.3500 -3.5267

**Экспоненциальная аппроксимация:**

program lb10\_2;

const

n = 8;

type

arr = array of real;

var

f: text;

i: integer;

x, y, z: arr;

a0, a1, a00, a10: real;

Procedure exponential\_fitting(x,y,z: arr; var a0,a1,a00,a10: real);

var

i: integer;

s1, s2, s3, s4, s20, s40: real;

len: integer;

begin

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

s20 := 0;

s40 := 0;

len := Length(x);

for i := 0 to High(x) do

begin

s1 := s1 + x[i];

s2 := s2 + ln(y[i]);

s3 := s3 + sqr(x[i]);

s4 := s4 + x[i] \* ln(y[i]);

s20 := s20 + ln(z[i]);

s40 := s40 + x[i] \* ln(z[i])

end;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (len \* s3 - sqr(s1));

a1 := (len \* s4 - s1 \* s2) / (len \* s3 - sqr(s1));

a00 := (s20 \* s3 - s1 \* s40) / (len \* s3 - sqr(s1));

a10 := (len \* s40 - s1 \* s20) / (len \* s3 - sqr(s1))

end;

begin

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(x, n);

SetLength(y, n);

SetLength(z, n);

for i := 0 to High(x) do

readln(f, x[i], y[i], z[i]);

exponential\_fitting(x, y, z, a0, a1, a00, a10);

for i := 0 to High(x) do

writeln(x[i]:6,exp(a0)\*exp(a1\*x[i]):15:4,exp(a00)\*exp(a10\*x[i]):15:4)

close(f)

end.

**Ответ**

300 150.3544 50.4259

400 169.3761 26.3423

500 190.8043 13.7612

600 214.9434 7.1888

700 242.1364 3.7554

800 272.7697 1.9618

900 307.2785 1.0248

1000 346.1530 0.5354

**Степенная аппроксимация:**

program lb10\_3;

const

n = 8;

type

arr = array of real;

var

f: text;

i: integer;

x, y, z: arr;

a0, a1, a00, a10: real;

procedure power\_fitting(x, y, z: arr; var a0, a1, a00, a10: real);

var

i: integer;

s1, s2, s3, s4, s20, s40: real;

len: integer;

begin

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

s20 := 0;

s40 := 0;

len := Length(x);

for i := 0 to High(x) do

begin

s1 := s1 + ln(x[i]);

s2 := s2 + ln(y[i]);

s3 := s3 + sqr(ln(x[i]));

s4 := s4 + ln(x[i]) \* ln(y[i]);

s20 := s20 + ln(z[i]);

s40 := s40 + ln(x[i]) \* ln(z[i]);

end;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (len \* s3 - sqr(s1));

a1 := (len \* s4 - s1 \* s2) / (len \* s3 - sqr(s1));

a00 := (s20 \* s3 - s1\* s40) / (len \* s3 - sqr(s1));

a10 := (len \* s40 - s1 \* s20) / (len \* s3 - sqr(s1));

end;

begin

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(x, n);

SetLength(y, n);

SetLength(z, n);

for i := 0 to High(x) do

readln(f, x[i], y[i], z[i]);

power\_fitting(x, y, z, a0, a1, a00, a10);

for i := 0 to High(x) do

writeln(x[i]:6, exp(a0) \* exp(a1 \* ln(x[i])):15:4, exp(a00) \* exp(a10 \* ln(x[i])):15:4);

close(f)

end.

**Ответ**

300 136.7507 64.7566

400 168.6205 23.0569

500 198.3721 10.3497

600 226.5378 5.3789

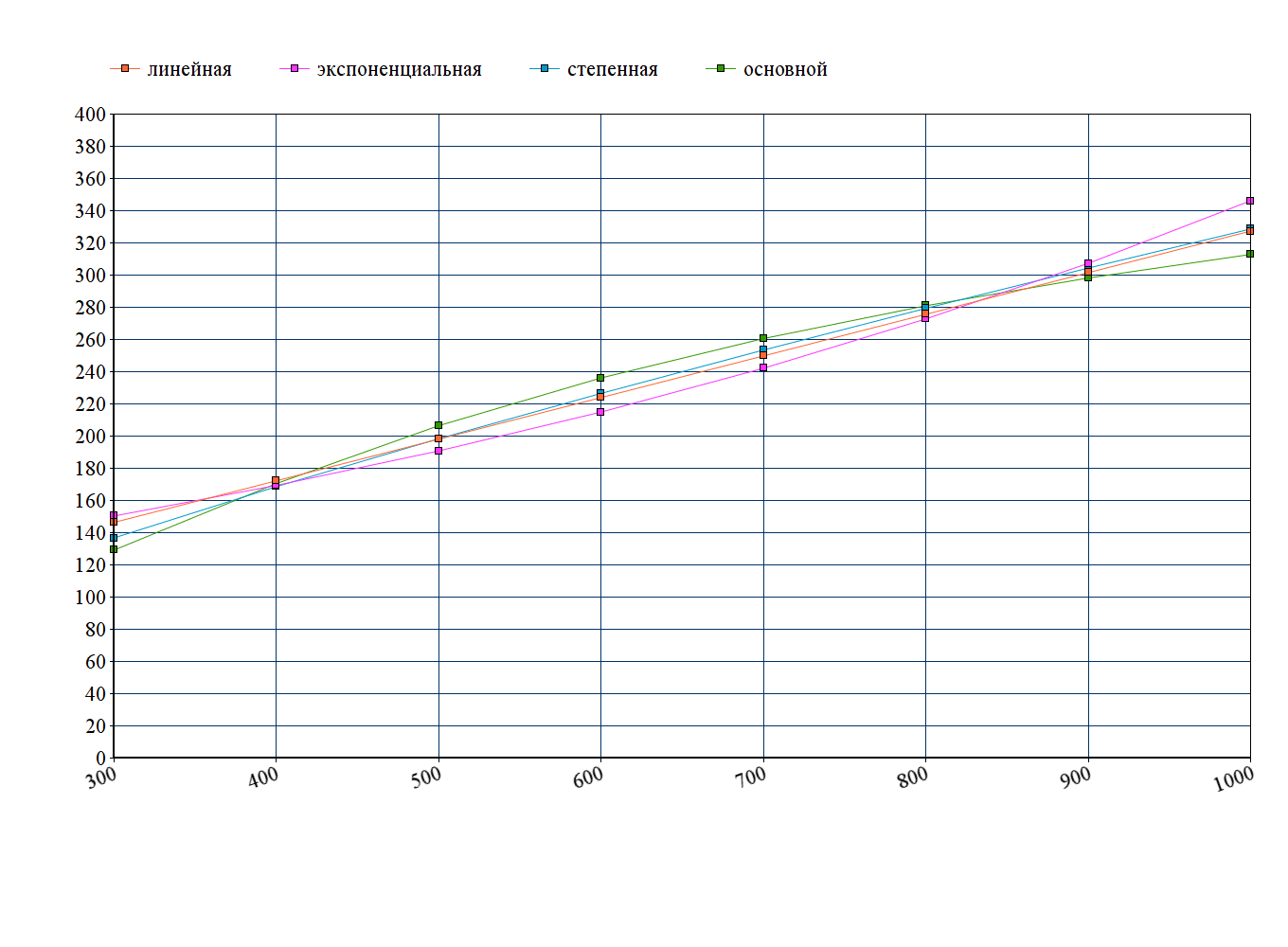
700 253.4496 3.0930

800 279.3326 1.9152

900 304.3484 1.2549

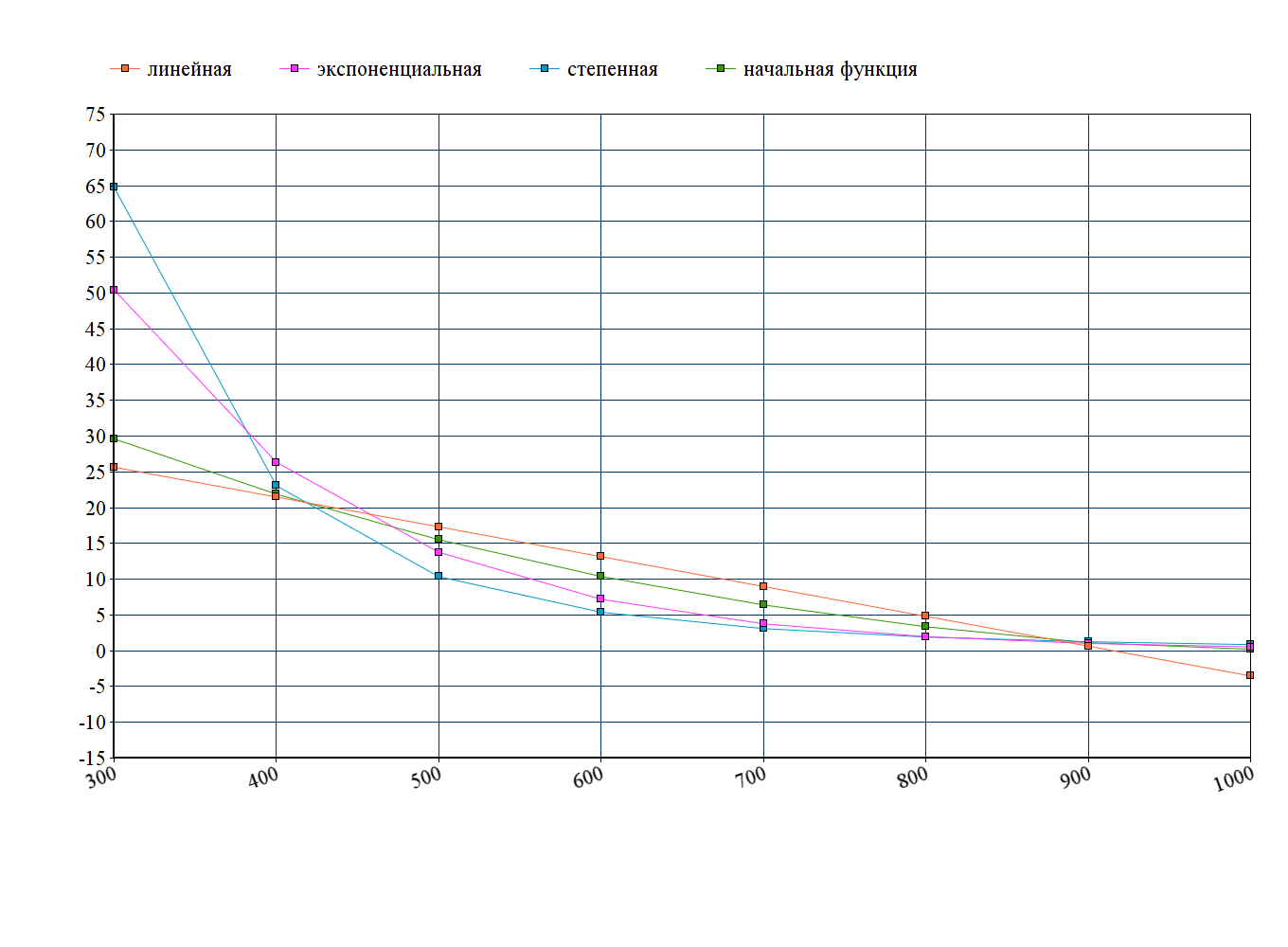
1000 328.6184 0.8597

**Зависимость теплоемкости от температуры:**



Линейная аппроксимация наиболее точно описывает табличные данные зависимость теплоемкости от температуры.

**Зависимость энтальпии от температуры:**



Линейная аппроксимация наиболее точно описывает табличные данныезависимости энтальпии от температуры.

**Выводы**

В ходе работы научились использовать аппроксимацию с использованием линейной, экспоненциальной и степенной функций. Линейная аппроксимация наиболее точно описывает табличные данные.